

РАБОЧАЯ ТЕТРАДЬ ПО
ПРОГРАММИРОВАНИЮ НА ЯЗЫКЕ

PASCAL

ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ 8-9 КЛАССОВ

ПРЕДИСЛОВИЕ

Рабочая тетрадь по программированию на языке Pascal предназначена для обучающихся 8 - 9 классов и построена в соответствии с темами, посвященными программированию на языке Pascal, в учебниках по информатике Босовой Л.Л. Содержание тетради направлено на закрепление, систематизацию, воспроизведение и практическое применение изучаемого материала.

Тетрадь содержит 7 разделов, названия которых совпадают с названиями разделов в учебниках по информатике. Каждый раздел состоит из двух частей: теоретической и практической.

В теоретической части размещена главная информация по теме: важные определения, понятия, описания и правила. В практической части представлены различные задания для закрепления пройденного материала.

В конце тетради расположен Словарь, который содержит информацию обо всех используемых в курсе программирования 8 - 9 классов служебных словах, типах данных, функциях и операторах. Информация в Словаре включает в себя пояснение к слову и в некоторых случаях пример использования.

УСЛОВНЫЕ ОБОЗНАЧЕНИЯ



- теоретическая часть;



- практическая часть.

ОГЛАВЛЕНИЕ

ПРЕДИСЛОВИЕ	1
1. ОБЩИЕ СВЕДЕНИЯ О ЯЗЫКЕ ПРОГРАММИРОВАНИЯ PASCAL	3
1.1 Алфавит и словарь языка	3
1.2 Типы данных, используемые в языке Pascal	5
1.3 Структура программы в языке Pascal	7
1.4 Оператор присваивания	9
2. ОРГАНИЗАЦИЯ ВВОДА И ВЫВОДА ДАННЫХ	12
2.1 Вывод данных	12
2.2 Ввод данных с клавиатуры	13
3. ЛИНЕЙНЫЕ АЛГОРИТМЫ	16
4. РАЗВЕТВЛЯЮЩИЕСЯ АЛГОРИТМЫ	19
4.1. Условный оператор	19
4.2. Составной оператор	21
5. ЦИКЛЫ	24
5.1. Циклы с заданным условием продолжения работы	24
5.2. Программирование циклов с заданным условием окончания работы	28
5.3. Программирование циклов с заданным числом повторений	31
6. ОДНОМЕРНЫЕ МАССИВЫ ЦЕЛЫХ ЧИСЕЛ	33
6.1. Описание массива	33
6.2. Заполнение массива	34
6.3. Вывод массива	35
6.4. Вычисление суммы элементов массива	37
6.5. Последовательный поиск в массиве	40
6.6. Сортировка в массиве	45
7. ЗАПИСЬ ВСПОМОГАТЕЛЬНЫХ АЛГОРИТМОВ НА ЯЗЫКЕ PASCAL	48
7.1. Процедуры	49
7.2. Функции	54
СЛОВАРЬ	58
Служебные слова	58
Некоторые типы данных	59
Стандартные функции	59
Операторы	60

1. ОБЩИЕ СВЕДЕНИЯ О ЯЗЫКЕ ПРОГРАММИРОВАНИЯ PASCAL

1.1 Алфавит и словарь языка



Алфавит языка - набор допустимых символов, которые можно использовать для записи программы.

- латинские прописные и строчные буквы (A, B, C, ..., X, Y, Z, a, b, c, ..., x, y, z);
- арабские цифры (0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9);
- специальные символы(`_`, `.` `()` `[]` `{}` `+` `-` `*` `/` и т.д.)

Неделимые элементы

<code>:=</code>	оператор присваивания
<code>>=</code> <code><=</code> <code><></code>	\geq \leq \neq
<code>(*</code> <code>*)</code>	начало комментария конец комментария



Задания

1. Выберите правильные имена

- q24 III d oshibka
 wu_kvadrat cena s nalogom flower&picture

2. Воспользуйтесь словарем в конце тетради и заполните таблицу.

Служебное слово, функция или оператор	Назначение
<code>program</code>	
<code>begin</code>	
<code>end</code>	
<code>mod</code>	
<code>div</code>	
<code>/</code>	

3. Запишите математическое выражение в виде, верном для языка Pascal (символы для математических операций найдите в словаре в конце тетради).

Математическое выражение	На языке Pascal
$2x$	$2 * x$
$x:6$	$x / 6$
$x + 4y$	
$10 - 4x$	
$2x - \frac{3}{y}$	
$\frac{x+y}{x-y}$	
$2 + \frac{x+y}{x-y}$	

4. Заполните таблицу математических функций языка Pascal.

Математическая функция	Функция языка Pascal
Модуль числа	
Синус	
Косинус	
Квадрат числа	
Квадратный корень	

5. Запишите математическое выражение в виде, верном для языка Pascal.

Математическое выражение	На языке Pascal
$\sin x + \cos x$	
$ x - 5 - x + 2 - 71$	
$x^2 + 4x - \sin x$	

$\sin 2x + \sqrt{57y} \cdot x - 1 $	
$\sin^2 x + \cos^2 x$	
$\sqrt{(p - a)^2 + (p - b)^2}$	
$\sin x - 10x $	

1.2 Типы данных, используемые в языке Pascal



Типы в Pascal подразделяются на простые, строковые, структурированные, типы указателей, процедурные и классовые типы. К **простым** относятся целые и вещественные типы, логический, символьный, перечислимый и диапазонный тип. **Структурированные** типы образованы массивами, записями, множествами и файлами.

Основные типы данных в Pascal

integer — целочисленный: 1, 2, 3, 0, -45, ...

real — с плавающей запятой (вещественные числа): 1.0, 15.67, -0.12754, ...

string — строковый: 'abcd', 'hello', 'mmmm', ...

char — символьный: 'a', 'b', 'c', ..., 'б', 'в', 'г', ..., '1', '2', '4.56', ...

boolean — логический тип данных (принимает два значения: **true** или **false**).

Ознакомьтесь с типами данных в словаре, представленном в конце тетради)



Задания

1. Сопоставьте значения с подходящими типами данных.

Значение	Тип
1	integer
1.0	
5	
4.7	
-5	
-78.47	real
17	
0	

2. Сопоставьте значения с подходящими типами данных.

Значение	Тип
'a'	
'aa'	
'abc'	string
'char'	
'привет'	
'65'	char
'x'	
'9'	

3. Сопоставьте значения с подходящими типами данных.

Значение	Тип
1	integer
'Be strong!'	
false	real
'1'	
1.783	string
'g'	
-1	char
true	
'Не сдавайся'	boolean
-1.0	

4. Выберите подходящий тип для значения (типы данных представлены в словаре в конце тетради)

Значение	Тип
2	
13.5	
'a'	
'строка'	
false	
0.645	
'c'	

'char'	
125	
'true'	

5. Определите тип аргумента для оператора

Оператор	Тип аргумента
+	
-	
/	
*	
div	
mod	

1.3 Структура программы в языке Pascal



В программе, записанной на языке Pascal, можно выделить:

1. блок программы
2. блок описания переменных и констант
3. программный блок

program <имя программы>;

заголовок программы

const <список постоянных значений>;
var <описание используемых переменных>;

блок описания переменных и констант

begin
 <оператор 1>;
 <оператор 2>;
 ...
 <оператор n>
end.

блок операторов (программный блок)

Переменные могут быть описаны в разделе описаний, а также непосредственно внутри любого блока **begin/end**.

Раздел описания переменных начинается с ключевого слова **var**, после которого следуют элементы описания вида

список имен: тип;

или

имя : тип := выражение ;

или

имя : тип = выражение ; // для совместимости с Delphi

или

имя := выражение ;

Имена в списке перечисляются через запятую. Например:

```
var  
a,b,c: integer;  
d: real := 3.7;  
s := 'PascalABC forever';  
al := new List<integer>;  
p1 := 1;
```



Задание

1. Из каких основных элементов состоит программа на языке Pascal?
 - Заголовок программы, блок описания переменных и программный блок
 - Заголовок программы, блок описания действий
 - Заголовок программы, блок управления и блок помощи
2. Установите соответствие между разделами программы и служебными словами с которых они начинаются.

Заголовок программы	var
Раздел описания переменных	program
Программный блок	begin

3. После какого знака указывается тип переменных одного типа?
 - После дефиса
 - После точки с запятой
 - После двоеточия
4. Какими словами начинается и заканчивается программный блок?
 - Начинается со слова **begin**, заканчивается словом **finish**
 - Начинается со слова **start**, заканчивается словом **end** с точкой
 - Начинается со слова **begin**, заканчивается словом **end** с точкой
5. Подпишите блоки программ

№	Программа	Блок
1.	<pre>program skolkobukv; var s:string; r:real; i,j,n:integer;</pre>	

	<pre> begin r:=0; readln(s); for i:=1 to length(s) do begin n:=0; for j:=1 to length(s) do begin if s[i]=s[j] then inc(n); end; r:=r+1/n; end; writeln('количество различных букв = ', r:1:0); end. </pre>	
2.	<pre> program prostiechisla; const LIMIT = 500; var i,j,lim : word; begin writeln; for i:=1 to LIMIT do begin j:=2; lim:=round(sqrt(i)); while (i mod j <> 0) and (j <= lim) do inc(j); if (j > lim) then write(i, ' '); end; end. </pre>	
3.	<pre> program summamassiva; const LIMIT = 500; var i,j,lim : word; s:longint; i:integer; begin writeln('введите 10 элементов массива'); s:=0; for i:=1 to 10 do begin readln(a[i]); s:=s+a[i]; end; writeln('Сумма элементов массива = ', s); end. </pre>	

1.4 Оператор присваивания



Оператор присваивания имеет вид:

переменная := выражение ;

Символ := называется *знаком присваивания*. Тип выражения должен совпадать с типом переменной.

Оператор присваивания заменяет текущее значение переменной значением выражения.

Например:

```
i := i + 1; // увеличивает значение переменной i на 1
```



Задания

1. Какая из записей оператора присваивания на языке Pascal правильная?

- переменная = значение; переменная := значение;
 переменная : значение; значение := переменная;

2. Как называется оператор, который придаёт ячейке оперативной памяти, которой является переменная, определённое значение.

- Условный оператор Оператор цикла
 Оператор присваивания Оператор подачи

3. Заполните пропуски.

Процесс выполнения операторов присваивания:

```
a := 17;  
n := 34;  
x := a * n
```

При выполнении оператора `a := 17` в ячейку оперативной памяти компьютера с именем `a` заносится значение _____; при выполнении оператора `n := 34` в ячейку оперативной памяти компьютера с именем `n` заносится значение _____. При выполнении оператора `x := a*n` значения ячеек оперативной памяти с именами `a` и `n` переносятся в процессор, где над ними выполняется операция умножения. Полученный результат заносится в ячейку оперативной памяти с именем _____.

4. Какие из операторов присваивания не будет работать в программе с разделом описания переменных:

```
var s, n: real;  
d: integer;  
str: string;?
```

- `s:=n;` `str:=3;` `d:=n;` `n:=3,5;`

5. Переменная `x` объявлена в программе следующим образом:

```
var x: integer
```

Определите, какие операторы присваивания сработают без ошибок:

- 1) `x := 10;` 2) `x := 'a';` 3) `x := -4;` 4) `x := 1.4;`
5) `x := '10';` 6) `x := 7+2;` 7) `x := 4*23;` 8) `x := 8/2;`

6. Если бы в предыдущем задании переменная `x` была бы объявлена следующим образом:

```
var x: real,
```

то какие ещё варианты ответов были бы верны?

Ответ: _____

7. Определите тип переменной `x` для оставшихся вариантов ответа:

8. Определите значение переменной **a** после выполнения данного алгоритма:

a := 5;

b := 6;

b := 5 + **a** * **b**;

a := **b** - 6 * **a**;

Ответ: _____

9. Определите значение переменной **a** после выполнения алгоритма:

a := -12;

b := 14 - **a** / 2;

b := (**b** - **a**) / 8;

a := **b** * 2 + 6;

Ответ: _____

2. ОРГАНИЗАЦИЯ ВВОДА И ВЫВОДА ДАННЫХ

2.1 Вывод данных



Вывод данных на экран и в файл в языке программирования Pascal осуществляется с помощью процедур

write (A1, A2, ... AK)

writeln (A1, A2, ... AK)

Первый из этих операторов производит вывод значений переменных A1, A2, ..., AK в строку экрана. Второй оператор, в отличие от первого, не только производит вывод данных на экран, но и делает переход к началу следующей экранной строки. Если процедура `writeln` используется без параметров, то она просто производит пропуск строки и переход к началу следующей строки.

Переменные, составляющие список вывода, могут относиться к целому, действительному, символьному или булевскому типам. В качестве элемента списка вывода кроме имен переменных могут использоваться выражения и строки.



Задания

1. При записи оператора вывода на языке Pascal используется служебное слово:
 read begin var write
2. Оператор `write ('fox');` выводит на экран _____.
3. Запишите результат выполнения оператора вывода `write (3, 13, 29, 200);`

4. Сопоставьте оператор и результат его выполнения

<code>write (a)</code>	вывод на экран буквы "a"
<code>write ('a')</code>	вывод на экран текста "a=", а затем значение переменной "a"
<code>write ('a=', a)</code>	вывод значения переменной "a"
5. Какой тип имеет переменная `g`, если после выполнения оператора `write (g)` на экран было выведено следующее: 1250?
 boolean shortint нет верного ответа integer
6. Что означает окончание "ln", добавленное к оператору `write`?
 Каждое значение выводится в отдельной строке.
 По окончании работы оператора курсор переместиться на следующую строку.
 Каждый символ выводится в отдельной строке

□ Выводится только первое из указанных значений

7. Дана программа.

```
begin
    write ('dog ');
    write ('Переведите!');
end.
```

На экране данные выведены следующим образом:

□ Переведите! □ dog □ dog Переведите! □ dog
Переведите!

8. Дано: `writeln (s:6:2);`

Если `s=112,8109`, то на экране появится _____.

9. Дана программа. Введите данную программу в Pascal.

```
var a,b,p:real;
begin
    a:= 6;
    b:= 12;
    p:=2*(a+b);
    writeln('p=',p:4:0)
end.
```

Полученный результат: _____.

2.2 Ввод данных с клавиатуры



Ввод данных на экран и в файл в языке программирования Pascal осуществляется с помощью процедур

read (A1 , A2 , . . . AK)

readln (A1 , A2 , . . . AK)

Процедура производит чтение K значений исходных данных и присваивает эти значения переменным A_1, A_2, \dots, A_K .

При вводе исходных данных происходит преобразование из внешней формы представления во внутреннюю, определяемую типом переменных. Переменные, образующие список ввода, могут принадлежать либо к целому, либо к действительному, либо к символьному типам. Чтение исходных данных логического типа в языке Pascal недопустимо.

Значения исходных данных могут отделяться друг от друга пробелами и нажатием клавиш табуляции или Enter.

Не допускается разделение вводимых чисел запятыми!



Задания

1. Оператор организации ввода данных с клавиатуры в языке Pascal записывается с использованием служебного слова:
 readln write begin var
2. Как называется оператор, считывающий данные с клавиатуры в оперативную память компьютера?
 оператор присваивания оператор вывода
 условный оператор оператор ввода
3. Запишите оператор, обеспечивающий во время работы программы ввод значения переменной summa.

4. Целочисленным переменным i, j, k нужно присвоить соответственно значения 10, 20 и 30. Запишите оператор ввода, соответствующий входному потоку.

а) 20 10 30

readln(i, i, k); _____

б) 30 20 10

в) 10 30 20

5. Дан фрагмент программы:

```
read (a);  
read (b);  
c:= a+b;  
write(a, b);  
write(c)
```

Упростите его, сократив число операторов ввода и вывода.

6. Дан код программы.

```
var x,y,sum, umn: integer;  
begin  
    write ('x=');  
    readln (x);  
    write ('y=');
```

```
readln (y);  
sum:= x+y;  
umn:= x*y;  
writeln(sum);  
writeln(umn);  
readln;
```

end.

Впишите в таблицу результаты работы для заданных x и y. (Задание можно выполнить в среде программирования на языке Pascal)

x	y	sum	umn
27	40		

3. ЛИНЕЙНЫЕ АЛГОРИТМЫ



Линейным называется алгоритм, в котором команды выполняются последовательно друг за другом.



Задания

1. Приведен неполный код программы для вычисления значения функции y от переменной x . Каждая строка кода прокомментирована. Дополните код, определив недостающие строки по комментариям.

```
var x,y: integer;           //объявление целых переменных x и y
_____                   //начало блока операторов
write('x=');                //вывод строки 'x='
_____                   //ввод значения переменной x с клавиатуры
y := x*x + 5*x - 12;       //вычисление значения функции
writeln('y=',y);          //вывод найденного значения
end.                        //конец блока операторов
```

2. Приведен неполный код программы для вычисления длины гипотенузы прямоугольного треугольника по двум введенным катетам. Каждая строка кода прокомментирована. Дополните код, определив недостающие строки по комментариям.

```
var a,b,c: real;           //объявление действительных переменных a, b, c для двух
                           //катетов и гипотенузы
begin                      //начало блока операторов
write('a=');               //вывод строки 'a='
_____                   //ввод значения переменной a с клавиатуры
_____                   //вывод строки 'b='
readln(b);                 //ввод значения переменной b с клавиатуры
c := sqrt(a*a + _____); //вычисление гипотенузы
writeln('c=',c:1:2);      //вывод найденного значения гипотенузы
_____                   //конец блока операторов
```

3. Приведен код программы для вычисления значения функции y от переменной x . Некоторые строки кода прокомментированы. Допишите недостающие комментарии.

```
var _____           //блок объявления переменных
x, y: real;               //объявление действительных переменных x, y
begin _____           //_____
write('x = ');            //_____
readln(x);                //_____
y := 3*x*x - 4*x + 2;     //вычисление значения функции
writeln('y = ',y);       //вывод результата
end. _____           //_____
```

4. Приведен код программы для определения уравнения прямой, проходящей через две точки. Некоторые строки кода прокомментированы. Допишите недостающие комментарии.

```

var          //блок объявления переменных
    x1,y1,x2,y2: real;//объявление действительных переменных x1,y1,x2,y2
    k, b: real;      //объявление _____
begin          //_____
    write('A(x1;y1): '); //_____
    readln(x1, y1); //_____
    write('B(x2;y2): '); //вывод строки 'B(x2;y2): '
    readln(x2, y2); //ввод значений переменных x2 и y2
    k := (y1 - y2) / (x1 - x2); //вычисление значения переменной k
    b := y2 - k * x2; //_____
    writeln('y = ',k:0:2,'x + ',b:0:2);//вывод результата в виде y=kx+b
end.          //_____

```

5. При выполнении кода программы был получен результат:

Сумма = 12 Произведение = 60

Исправьте код программы так, чтобы результат выполнения был следующим (*вывод в две строки, а не в одну*):

Сумма = 12

Произведение = 60

Код программы:

```

var x, y, k, z, p: integer;
begin
    writeln('Вычисление суммы и произведения трех чисел');
    write('Введите три целых числа через пробел');
    readln(x,y,k);
    z := x + y + k;
    p := x * y * k;
    write('Сумма = ',z);
    write('Произведение = ',p);
end.

```

6. При выполнении кода программы возникли следующие ошибки:

Строка	Описание
4	Встречено 'write', а ожидалось ';'.
7	Встречено 'a', а ожидалось ';'.

Найдите в коде причины возникновения этих ошибок и исправьте их.

Подсказка: Pascal сообщает номер строки, при выполнении которой была обнаружена ошибка, но она совсем не обязательно в той строке, на которую указывает Pascal. Возможно, что проблема в конце предыдущей строки.

```

var a,v,s:integer;
begin

```

```
writeln('Вычисление объема и площади поверхности куба')
write('Введите длину ребра куба');
readln(a);
v := a * a * a;
s := 6a * a;
write('Объем куба = ',v);
write('Площадь поверхности = ',s);
end.
```

4. РАЗВЕТВЛЯЮЩИЕСЯ АЛГОРИТМЫ

4.1. Условный оператор



Условный оператор имеет полную и краткую формы.

Полная форма условного оператора выглядит следующим образом:

```
if условие then оператор1
else оператор2
```

В качестве условия указывается некоторое логическое выражение. Если условие оказывается истинным, то выполняется оператор1, в противном случае выполняется оператор2.

Краткая форма условного оператора имеет вид:

```
if условие then оператор
```

Если условие оказывается истинным, то выполняется оператор, в противном случае происходит переход к следующему оператору программы.

В случае конструкции вида

```
if условие1 then
  if условие2 then оператор1
  else оператор2
```

else всегда относится к ближайшему предыдущему оператору **if**, для которого ветка **else** еще не указана. Если в предыдущем примере требуется, чтобы **else** относилась к первому оператору **if**, то необходимо использовать составной оператор:

```
if условие1 then
begin
  if условие2 then оператор1
end
else оператор2
```

Например:

```
if a<b then
  min := a
else min := b;
```



Задания

1. Является ли условным оператором следующая последовательность символов?

```
if x>19 then y:=x+19 else y:=x-19  Да  Нет
```

2. Дан условный оператор: **if** (a<16) **then** y:=a **else** y:=a+9.

Условием является

y:=a a<16 y:=a+9 все ответы верные

3. Условный оператор: **if** (x>2) **then** y:=x+7 **else** y:=x-27.

Выбери действие, которое будет выполняться в случае истинности условия:

- $x > 2$ $y := x + 7$ $y := x - 27$ нет верного ответа

4. Дана программа, которая выводит “неотрицательное”, если введенное с клавиатуры число больше или равно нулю; “отрицательное”, если - меньше нуля. Заполните пропуски.

```
var x: real;
begin
  write('Введите число = ');
  readln(_____);
  if ___ > ___ then writeln('неотрицательное')
  else writeln(_____);
end.
```

5. Выберите фрагмент, который необходимо вставить в пропуск для решения задачи.

- 1) Дано целое число. Если оно является положительным, то прибавить к нему 5; в противном случае не изменять его. Вывести полученное число.

```
var a: integer;
begin
  writeln('Введите a');
  readln(a);
  _____
  writeln(a);
end.
```

- if a > 0 then a:=a; if a > 0 then a:=a+5; if a < 0 then a:=a+5;

- 2) Дано целое число. Если оно является положительным, то прибавить к нему 1; если отрицательным, то вычесть из него 3; если нулевым, то заменить его на 17. Вывести полученное число.

```
var a: integer;
begin
  writeln('Введите число a');
  readln(a);
  _____
  writeln(a);
end.
```

- | | | |
|---|--|--|
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |
| if a > 0 then
if a=0 then a:=17 else
a:=a-3
else a:=a+1; | if a >= 0 then
if a=0 then a:=17 else
a:=a+1
else a:=a-3; | if a >= 0 then
if a=0 then a:=17 else
a:=a-3
else a:=a+1; |

6. Дан код программы. В ней пользователь вводит число. Если введенное число четное, то программа делит его на два, а если нечетное, то прибавляет единицу и делит результат на два.

```
var n:integer;
begin
  writeln('Введите число ',);
  readln(n);
  if n mod 2 = 0 then n:=n div 2
  else n:=(n+1) div 2;
```



```
write (n)
end.
```



При выполнении программы возникли следующие ошибки.

Строка	Описание
3	Встречено ')', а ожидалось выражение
5	Встречено '=', а ожидалось ';'.

Исправьте ошибки.

4.2. Составной оператор



Составной оператор предназначен для объединения нескольких операторов в один. Он имеет вид:

```
begin
  операторы
end
```

Операторы отделяются один от другого символом ";". Ключевые слова **begin** и **end**, окаймляющие операторы, называются *операторными скобками*.

Например:

```
s := 0;
p := 1;
for var i:=1 to 10 do
begin
  p := p * i;
  s := s + p
end
```

Перед **end** также может ставиться ";". В этом случае считается, что последним оператором перед **end** является пустой оператор, не выполняющий никаких действий.



Задания

1. Как называют служебные слова, между которыми заключается программный блок?
 - Начало и конец
 - Фигурные скобки
 - Логические скобки
 - Операторные скобки
2. Дополните программу решения линейного уравнения. Коэффициенты a , b вводятся с клавиатуры. На экране выводится информация о значении корня линейного уравнения.

```

var a,b,x:real;
begin
  writeln('Решение линейного уравнения');
  _____('Введите коэффициенты a и b через пробел');
  readln(____,____); //ввод значений коэффициентов
if a<>0 _____ //условный оператор
  begin
    __:=-b/a; //вычисление корня
    writeln('Корень уравнения __=',____); //вывод результата
    _____ //конец составного оператора
  else if b<>0 then writeln ('Корней нет')
    else _____(' x - любое число'); //вывод результата
end.

```

3. Дополните программу решения квадратного уравнения. Коэффициенты a, b и c вводятся с клавиатуры. На экране выводится информация о значении корней квадратного уравнения.

```

var a, b, c, d, x, x1, x2: real; //описание переменных
begin
  writeln ('Решение квадратного уравнения');
  write ('Введите коэффициенты a, b, c: ');
  _____ (a, b, c); //ввод значений коэффициентов
  d:=_____ //вычисление дискриминанта
  if d<0 then _____ ('Корней нет'); //вывод результата
  if d=0 then
    begin x:=-b/2*__; //вычисление единственного корня
    _____ ('Корень уравнения x=', x:9:3)//вывод результата
    end;
  if d_0 then //если дискриминант больше нуля
    _____ //начало составного оператора
    x1:=(-b+sqrt(d))/(2*a); //вычисление первого корня
    __:=(-b-sqrt(____))/(2*a); //вычисление второго корня
    writeln ('Корни уравнения:');
    writeln ('x1=', x1:9:3); //вывод результата
    writeln ('x2=', x2:9:3) //вывод результата
  end
end.

```

4. Ниже представлен код программы, которая решает следующую задачу: даны действительные числа a, b ($a \neq b$); меньшее из этих двух чисел необходимо заменить их суммой, а большее - их произведением.

```

var a,b,sa,sb: integer;
begin
  writeln('Введите два числа');
  readln(a,b);
  sa:=a;
  sb:=b;
  if a>b then
    begin
      b:=sa+sb;
      a:=sa*sb;
    end;
  else
    begin
      a:=sa+sb;
      b:=sa*sb;
    end;
  writeln ('первоначальные числа a=',sa,' b=',sb);
  writeln ('полученные числа a=',a,' b=',b);
end.

```

При выполнении кода программы возникли следующие ошибки:

Строка	Описание
12	Встречено 'else', а ожидалось ';'
18	Встречено 'b', а ожидалось ')'

Найдите в коде причины возникновения этих ошибок и исправьте их.

5. Придумайте тест для проверки работы программы из задания 3 и запишите его в таблицу.
Тестирование программы - важный этап процесса программирования. Для этого этапа необходимо придумать разные варианты входных данных и рассчитать для них результаты, которые должны получиться в программе.

№	Входные данные (a, b)	Результат
1	$a=20, b=13$	<i>Произведение: 260, Сумма: 33</i>
2		
3		

6. Придумайте тест для проверки работы программы из задания 2 и запишите его в таблицу.

№	Входные данные (a, b, c)	Результат
1	$a=1, b=1, c=1$	<i>Корней нет</i>
2		
3		
4		

5. ЦИКЛЫ

5.1. Циклы с заданным условием продолжения работы

`while`



Цикл с заданным условием продолжения работы иначе еще называется **циклом с предусловием** или циклом **while**.

Оператор цикла **while** имеет следующую форму:

```
while условие do  
    оператор
```

Условие представляет собой выражение логического типа, а оператор после **do** называется телом цикла. Перед каждой итерацией цикла условие вычисляется, и если оно истинно, то выполняется тело цикла, в противном случае происходит выход из цикла.

Если условие всегда оказывается истинным, то может произойти заикливание:

```
while 2>1 do  
    write(1);
```

Пример. Ввод числа с клавиатуры в заданном диапазоне. Пользователь вводит число. Если число меньше 10 и больше 20, программа запрашивает число снова. Если было введено число большее 10 и меньшее 20, оно выводится на экран.

```
var n: real;                                //объявление переменной для числа  
begin  
n := -1;                                       //присваиваем начальное значение  
while not((n > 10) and (n < 20)) do          //пока число попадает в диапазон  
    begin                                       //начало тела цикла  
        writeln('Введите число большее 10 и меньшее 20');//вывод приглашения  
        readln(n);                               //ввод значения  
    end;                                       //конец тела цикла  
writeln('Вы ввели число ', n);                //вывод сообщения  
end.
```



Задания

1. Выберите верный способ описания цикла **while**.

`while i > 0 do`
 `writeln(i*i);`
 `i := i - 5;`

`while i > 0 begin`
 `writeln(i*i);`
 `i := i - 5;`
 `end;`

`while i > 0 do begin`
 `writeln(i*i);`
 `i := i - 5;`
 `end;`

2. Дан код программы, которая позволяет отгадать целое число, которое "загадал" компьютер в определенном диапазоне. Проанализируйте код и заполните пропуски.

```

var a,b: integer;
begin
  randomize;
  a := random(100);
  while a <> b do begin
    write('Введите число: ');
    readln(b);
    if b > a then writeln('Много')
    else
      if b < a then writeln('Мало')
      else
        writeln('Угадал');
    end;
  end.

```

Псевдослучайное число записывается в переменную ____.

Пользователь вводит с клавиатуры значение, которое записывается в переменную ____.

В программе используется цикл с *условием окончания работы / условием продолжения работы / заданным числом повторений* (подчеркнуть).

Условие выполнения цикла: _____.

Условие в первом условном операторе: _____; условие во втором условном операторе: _____.

Условие, при котором на экране появится слово 'Угадал': _____.

3. Приведен неполный код программы, которая позволяет составить таблицу значений функции

$y = 5 - \frac{x^2}{2}$ на отрезке $[-5; 5]$ с шагом 0.5. Заполните пропуски, опираясь на комментарии.

```

var _____ //объявление вещественных переменных x и y
begin
  _____ //присвоение переменной x значения -5
  writeln(' x      y ');
  _____ do begin //цикл: пока x не больше 5
  y:=_____ //вычисление значения функции и запись в y
  writeln(x:4:1, ' | ', y:5:2);
  x:=_____ //увеличение значения переменной x на 0.5
  end;
end.

```

4. Необходимо подсчитать количество четных и нечетных цифр в числе. Заполните пропуски в тексте, чтобы составить алгоритм своих действий для решения данной задачи на языке Pascal.

Описание переменных:

Зачем нужна переменная	Имя переменной	Тип
для введенного числа	a	целый
для количества четных цифр	chet	_____
для количества _____ цифр	nchet	_____

Алгоритм решения задачи:

- Если число делится без остатка на 2, значит последняя цифра _____ (четная/нечетная), и мы должны увеличить переменную chet на 1. Иначе - последняя цифра _____ (четная/нечетная), и мы должны увеличить переменную _____ (a/chet/nchet) на 1.
 - Избавляемся от последней цифры в числе. Для этого поделим число на 10 без остатка. Для этого используем операцию _____ (div/mod).
5. Приведен неполный код программы, которая позволяет подсчитать количество четных и нечетных цифр числа. Заполните пропуски, опираясь на комментарии и алгоритм из задания 3.

```

var _____; //объявление переменных
begin
  readln(a);
  chet := 0; //присвоение начального значения
  nchet := ____; //переменным chet и nchet
  while _____ do begin //цикл: пока a больше нуля
    if (_____) = 0 then //если остаток от деления a на 2 - ноль
      chet := _____ //увеличиваем chet на 1
    else //иначе
      _____; //увеличиваем nchet на 1
    a := _____; //избавляемся от последней цифры числа
  end;
  writeln('Четных: ', chet);
  writeln('Нечетных: ', nchet);
end.

```

6. Приведен код программы, которая позволяет составить таблицу значений функции $y = x^2 - 4x + 1$ на отрезке [-1; 1] с шагом 0.1. Напишите комментарии.

```

var x, y: real; //_____
begin

```

```

x:=-1; // _____
writeln(' x      y ');
while x<=1 do begin // _____
y:=x*x-4*x+1; // _____
writeln(x:4:1,' | ',y:5:2);
x:=x+0.1; // _____
end;
end.

```

7. Дан код программы для вычисления степени числа.

```

var: n, step, i, res: integer;
begin
  write ('Число: ');
  readln (n);
  write ('Степень: ')
  readln (step);
  res := 1;
  i := 0;
  while i < abs(step) do begin
    res := res * n;
    i = i + 1;
  end;
  writeln (res);
end.

```

При его выполнении возникли следующие ошибки:

Строка	Описание
1	Встречено ':', а ожидался идентификатор
6	Встречено 'readln', а ожидалось ';'
11	Встречено '=', а ожидалось ';'

Найдите в коде причины ошибок и исправьте их.

8. Придумайте тест для программы из задания 6 и заполните таблицу.

№	Входные данные (n, step)	Результат
1	$n=6, step=3$	216
2		
3		
4		

5.2. Программирование циклов с заданным условием окончания работы

repeat



Цикл с заданным условием окончания работы иначе еще называется **циклом с постусловием** или циклом **repeat**.

Оператор цикла **repeat** имеет следующую форму:

```
repeat
    операторы
until условие
```

В отличие от цикла **while**, условие вычисляется после очередной итерации цикла, и если оно истинно, то происходит выход из цикла. Таким образом, операторы, образующие тело цикла оператора **repeat**, выполняются по крайней мере один раз.

Обычно оператор **repeat** используют в ситуациях, где условие нельзя проверить, не выполнив тело цикла. Например:

```
repeat
    read(x);
until x=0;
```

Если условие всегда оказывается ложным, то может произойти заикливание:

```
repeat
    write(1);
until 2=1;
```



Задания

- Какой цикл называют циклом с предусловием?

Repeat While For
- Какой цикл называют циклом с условием окончания работы?

Repeat While For
- Сколько раз будет выполнено тело цикла в следующем фрагменте программы?

```
a:=1;
b:=2;
repeat
    a:=a+1;
    b:=b+2;
until a+b>10;
```

Ответ: _____

4. По приведенному примеру перепишите фрагмент программы так, чтобы вместо цикла **while** получился цикл **repeat**.

Пример:

Цикл **while**

```
a:=2;  
b:=0;  
while a+b<7 do  
begin  
  a:=a+1;  
  b:=b+a;  
end;
```

Цикл **repeat**

```
a:=2;  
b:=0;  
repeat  
  a:=a+1;  
  b:=b+a;  
until a+b>=7
```

Задание:

Цикл **while**

```
a:=2;  
b:=3;  
while a+b < 10 do  
begin  
  a:=a+1;  
  b:=b+2;  
end;
```

Цикл **repeat**

5. Дан код программы, в которой происходит вывод цифр введенного пользователем числа в столбик по разрядам (единицы, десятки, сотни и т.д.).

Пример. Введено число 2 572.

Результат работы:

```
1 - 2  
10 - 7  
100 - 5  
1000 - 2
```

Прокомментируйте код как можно подробнее.

```
var n,i: integer; // _____  
begin // _____  
  i:=1; // _____  
  writeln ('Введите число n: '); // _____  
  readln(n); // _____  
  repeat // _____  
    writeln(i,' - ', n mod 10); // _____
```

```

        n:= n div 10;           // _____
        i:=i*10;               // _____
    until n = 0;               // _____
end.                         // _____

```

6. Заполните пропуски и составьте программу, которая будет находить сумму цифр числа.

В переменную *n* с клавиатуры вводится число. Сумма цифр записывается в переменную *sum*.

```

var n, sum: integer;
begin
    _____ ('Введите число n: '); //вывод строки с приглашением на ввод
    _____ (n);                 //ввод значения в переменную n
    sum:=0;
    _____ //начало цикла
        sum:= sum + (n mod 10);
        n:= n _____ 10;        //отбрасываем последнюю цифру числа n
    until n = 0;
    _____ //выводим результат
end.

```

7. Дан код программы, которая находит произведение цифр введенного числа.

```

var n, prod: integer;
begin
    writeln ('Введите число n: ');
    readln (n);
    prod:=1;
    repeat
        prod:= prod * (n mod 10);
        n:= n div 10;
    until n = 0;
    writeln (prod)
end

```



При запуске программы возникли следующие ошибки.

Строка	Описание
10	Неизвестное имя 'wriple'
11	Ожидалось '.'

Исправьте код программы.

8. Составьте тест для программ из заданий 6 и 7 и заполните таблицу.

№	Входные данные (n)	Результат работы программы 6	Результат работы программы 7
1	<i>n=15637</i>	<i>sum = 22</i>	<i>prod = 630</i>
2			

3			
4			
5			

5.3. Программирование циклов с заданным числом повторений

for



Оператор цикла **for** имеет одну из двух форм:

for переменная := начальное значение **to** конечное значение **do** оператор

или

for переменная := начальное значение **downto** конечное значение **do** оператор

Текст от слова **for** до слова **do** включительно называется *заголовком цикла*, а оператор после **do** - *телом цикла*. Переменная после слова **for** называется параметром цикла. Для первой формы цикла с ключевым словом **to** параметр цикла изменяется от начального значения до конечного значения, увеличиваясь всякий раз на единицу, а для второй формы ключевым словом **downto** - уменьшаясь на единицу. Для каждого значения переменной-параметра выполняется тело цикла. Однократное повторение тела цикла называется итерацией цикла. Значение параметра цикла после завершения цикла считается неопределенным.

Если для цикла **for ... to** начальное значение переменной цикла больше конечного значения или для цикла **for ... downto** начальное значение переменной цикла меньше конечного значения, то тело цикла не выполнится ни разу.



Задания

1. В каких строках код написан верно?

for i:=1 **to** 10 **do**

for i:=1 **downto** 10 **do**

for i:=10 **downto** 1 **do**

for i:=10 **to** 1 **do**

2. Дано: **for** i:=1 **to** 56 **do**

При последнем выполнении тела цикла **i**=_____.

3. Сколько раз будет выполнен цикл **for** n:=1 **to** 35 **do**?

Ответ: _____.

4. Дана программа на языке Pascal. Вывод на экран квадратов чисел от 1 до 46.

1) Заполните пропуски

2) Прокомментируйте код

var ____ : **integer**;

// _____

begin

// _____

6. ОДНОМЕРНЫЕ МАССИВЫ ЦЕЛЫХ ЧИСЕЛ



Массив — это пронумерованная последовательность величин одного типа, обозначаемая одним именем. Номер элемента массива называется **индексом**.

6.1. Описание массива



Массивы задают свой размер непосредственно в типе. Память под такие массивы выделяется сразу при описании. В квадратных скобках через две точки указывается индекс первого элемента и индекс последнего элемента. Количество элементов в массиве определяется именно этими значениями.

Массив объявляется следующим образом:

```
var имя_массива: array [индекс_начала..индекса_конца] of тип_элементов
```

Пример: `var a: array[1..10] of integer;` //объявлен массив a, состоящий из десяти целых чисел.



Задания

- Для описания массивов в языке Pascal используется ключевое слово:
 `record` `array` `string` `integer`
- Индексом в массиве называется:
 Значение максимального элемента Порядковый номер элемента в массиве
 Разрядность массива Количество элементов в массиве
- Может ли массив содержать одновременно целые и вещественные значения?

Ответ: _____

- Какая из записей описывает массив правильно?
а)
 `var a[1..10] of array` `var a:array[1..10] of integer`
 `var array[1..10] of integer` `var a of array: integer`
б)
 `D[1..5]:array of integer;` `D: array[1..5] of real;`
 `D: array[1...5] of real;` `Array D: [1..5] of real;`
- Как задается количество элементов массива?
 Номером и значением первого элемента Номером последнего элемента
 Значением первого и последнего элемента Индексами первого и последнего элемента

6. Массив данных имеет
- общее имя, один тип, равные значения
 - общее имя, один тип, разные значения
 - один тип, разные имена, разные значения
 - общее имя, разные типы, разные значения
7. В какой строке НЕправильное описание массива?
- `var ch: array[1..10] of integer;`
 - `var stih: array[1,5..7] of real;`
 - `var STL23: array[2..108] of real;`
 - `var a: array[10..20] of integer;`
8. Какое количество данных может находиться в данном массиве
- ```
var ch: array[3..15] of integer;?
```
- 15 целых чисел
  - 12 целых чисел
  - 13 целых чисел
  - 12 действительных чисел

## 6.2. Заполнение массива



Заполнение массива происходит поэлементно (обращаемся отдельно к каждому элементу массива) с помощью цикла `for`, количество повторений которого равно количеству элементов массива. Чтобы обратиться к элементу массива, нужно указать имя массива и в квадратных скобках - индекс элемента.

`a[3]` - обращаемся к третьему элементу массива `a`

`mass[i]` - обращаемся к `i`-тому элементу массива `mass`

Массив можно заполнять вручную, присваивая каждому элементу массива значение, введенное с клавиатуры (оператор `read`):

```
for i:=1 to 10 do readln(a[i]);
```

можно заполнить массив случайными числами, подключив генератор случайных чисел

`randomize`:

```
randomize;
```

```
for i:=1 to 10 do a[i]:=random(10);
```

а также, массив может заполняться значениями, вычисляемыми по какой-нибудь формуле:

```
for i:=1 to 10 do a[i]:=i*i-2*i+1;
```



### Задания

- Для заполнения массива данными с помощью генерации случайных чисел используется команда:
  - `writeln`
  - `readln`
  - `randomize`
  - `clrscr`
- Для заполнения массива путем ввода чисел с клавиатуры мы используется оператор
  - `write`
  - `repeat`
  - `until`
  - `read`
- В записи `Mass[5]=3.6` число 5 обозначает:
  - имя массива
  - порядковый номер элемента в массиве
  - значение ячейки массива
  - имя ячейки массива

4. В записи `d[4]=2.5`, `2.5` обозначает

- имя массива
- обозначение типа
- значение элемента массива
- имя ячейки

5. Каким способом осуществляется ввод элементов массива

```
randomize;
writeln('Введите количество элементов массива');
readln(n);
for i:=1 to n do
begin
 a[i]:=random(50);
 writeln('a['i']=', a[i]);
end;
```

- с помощью генератора случайных чисел
- с клавиатуры
- присвоением вычисляемых значений
- нет верного ответа

6. Каким способом осуществляется ввод элементов массива

```
for i:=1 to 10 do
begin
 a[i]:=i*i/i+2;
 writeln('a(', i, ')=', a[i]);
end;
```

- с помощью генератора случайных чисел
- с клавиатуры
- присвоением вычисляемых значений
- нет верного ответа

7. Заполните таблицу.

| Функция                      | Диапазон случайных чисел |
|------------------------------|--------------------------|
| <code>random(10);</code>     | от 0 до 10               |
| <code>random(100);</code>    |                          |
| <code>random;</code>         |                          |
| <code>random(10)-9;</code>   |                          |
| <code>random(101)-50;</code> |                          |

### 6.3. Вывод массива



Процедура `write` выводит статический массив, заключая элементы в квадратные скобки и разделяя их запятыми:

```
writeln(a); // [1, 2, 3, 4, 5]
```

Также элементы массива можно вывести с помощью цикла в столбик:

```
for i:=1 to 10 do
```

```
writeln(a[i]);
```

или в строку через пробел:

```
for i:=1 to 10 do
 write(a[i], ' ');
```



## Задания

1. Задан одномерный массив  $a$ , состоящий из целых чисел. Найдите элемент массива  $a[i]$ .

- а)  $a=[1, 5, 9, 13]$   $a[2]=$  \_\_\_\_\_
- б)  $a=[4, 8, 13, 25, 12]$   $a[3]=$  \_\_\_\_\_
- в)  $a=[0,1,2,3,4,5,6,7,8,9]$   $a[7]=$  \_\_\_\_\_

2. Что выполняет следующий фрагмент программы:

```
for i:=1 to 10 do
write (a[i], ' ');
```

- выводит 10 значений массива на экран в столбик
- производит ввод 10 элементов в массив
- выводит 10 значений массива на экран в строчку
- выполняет проверку значений элементов массива

3. Дан одномерный массив  $a=[1, 2, 3, 4, 5]$ . Сопоставьте фрагменты кода и результаты его выполнения.

### Фрагмент кода

```
for i:=1 to 5 do write(a[i], ' ');
for i:=1 to 5 do writeln(a[i], ' ');
writeln(a);
```

### Результат

[1,2,3,4,5]

1,2,3,4,5,

1)

2)

3)

4)

5)

```
for i:=1 to 5 do write(a[i], ',');
```

1 2 3 4 5

```
for i:=1 to 5 do writeln(a[i]);
```

1

2

3

4

5

4. Дополните код так, чтобы одномерный массив был заполнен квадратами первых десяти натуральных чисел, выведите массив и добавьте комментарии.

```

var _____ //описание массива из 10 целых чисел
i: integer; // _____
begin
 for i:=1 to 10 do a[i]:=_____; // _____
 _____ //вывод массива через запятую
end.

```

5. Дан код программы, в которой массив заполняется значениями функции  $y = x - 3$  в диапазоне  $[-3; 3]$ , а затем выводится в столбик в виде:  $(x, y)$ .

```

var x,y:array[1..7] of integer;
i: integer;
begin
for i=1 to 7 do
begin
x[i]:=i-4
y[i]:=x[i]-3;
writeln('x[i],',',',y(i),');
end
end.

```



При выполнении этой программы возникли следующие ошибки.

| Строка | Описание                        |
|--------|---------------------------------|
| 4      | Встречено '=', а ожидалось ':'  |
| 7      | Встречено 'y', а ожидалось ';'. |
| 8      | Неожиданный символ ''           |
| 8      | Встречено ']', а ожидалось ')'. |

Найдите и исправьте эти ошибки.

*Обратите внимание на две последние ошибки. Pascal сообщает об ошибке и описывает ее в соответствии со своей логикой, которая не всегда совпадает с намерениями программиста.*

## 6.4. Вычисление суммы элементов массива



Одной из основных задач при работе с массивами является нахождение суммы элементов. Для решения этой задачи воспользуемся циклом `for` и дополнительной переменной, которую назовем `sum`. Начальное значение переменной для нахождения суммы нескольких элементов всегда равно нулю! (Начальное значение переменной для нахождения произведения нескольких элементов всегда равно 1!)

**Пример.** Нахождение суммы элементов массива из 10 чисел, который заполнен случайными числами в диапазоне от 0 до 10.

```

var a: array[1..10] of integer; //описание массива
sum, i: integer; //переменные для суммы и счетчика цикла
begin
 randomize; //подключение генератора случайных чисел
 sum:=0; //присвоение начального значения сумме
 for i:=1 to 10 do
 a[i]:=random(11); //заполнение случ.числами от 0 до 10
 writeln('Массив: ',a); //вывод массива в строку
 for i:=1 to 10 do //цикл для поиска суммы массива
 sum:=sum + a[i]; //добавление к сумме текущего элемента
 writeln('Сумма элементов: ', sum); //вывод результата
end.

```

Вероятный результат выполнения:

Массив: [3,0,9,5,2,0,3,6,7,1]

Сумма элементов: 36



## Задания

- С помощью какого цикла удобно вычислять сумму элементов массива?
  - Repeat
  - While
  - For
- Какое начальное значение нужно присвоить переменной для записи суммы элементов массива?  
 Ответ: \_\_\_\_\_
- Какое начальное значение нужно присвоить переменной для записи произведения элементов массива?  
 Ответ: \_\_\_\_\_
- Какой фрагмент кода для вычисления суммы элементов массива верный?
  - `for i:=1 to 10 do`  
`sum:=a[i];`
  - `for i:=1 to 10 do`  
`sum:=sum + a[i];`
  - `for i:=1 to 10 do`  
`sum + a[i];`
- Дополните код программы, которая находит сумму элементов с третьего по седьмой массива из 10 действительных чисел. Массив заполняется случайным образом числами от нуля до 10.

```

var a: _____; //описание массива
_____ ; //переменные для суммы и счетчика цикла
begin
 _____ ; //подключение генератора случайных чисел
 _____ ; //присвоение начального значения сумме
 for i:=1 to 10 do
 _____ ; //заполнение случ.числами от 0 до 10
 _____ ; //вывод массива в строку
 end.

```

```

for i:=3 to 7 do //цикл для поиска суммы массива
_____ ; //добавление к сумме текущего элемента
writeln('Сумма элементов: ', sum); //вывод результата
end.

```

6. Дан код программы для нахождения суммы элементов массива из 10 чисел, который заполнен случайными числами в диапазоне от -10 до 10. Прокомментируйте код как можно подробнее.

```

var a: array[1..10] of integer; // _____
sum, i: integer; // _____
begin // _____/
 randomize; / _____
 sum:=0; // _____
 for i:=1 to 10 do // _____
 a[i]:=random(21)-10; // _____
 writeln('Массив: ',a); // _____
 for i:=1 to 10 do // _____
 sum:=sum + a[i]; // _____
 writeln('Сумма элементов: ', sum); // _____
end. // _____

```

7. Дан код программы, вычисляющей сумму элементов массива, заполненного случайными числами.

```

var a: array[1..5] of integer;
sum, i: integer;
begin
 randomize;
 sum:=0;
 for i:=1 to 10 do
 a:=random(10);
 writeln('Массив: ',a);
 for i:=1 to 10 do
 sum:=sum + a;
 writeln('Сумма элементов: ', sum);
end.

```



При выполнении этой программы возникли следующие ошибки.

| Строка | Описание                                                                                |
|--------|-----------------------------------------------------------------------------------------|
| 7      | Нельзя преобразовать тип <code>integer</code> к <code>array [1..5] of integer</code>    |
| 10     | Нельзя преобразовать тип <code>IEnumerator&lt;integer&gt;</code> к <code>integer</code> |

К тому же программист планировал заполнить массив числами из диапазона [-10;10], но неверно указал диапазон в коде. Найдите и исправьте эти ошибки.

## 6.5. Последовательный поиск в массиве



Еще одна задача при работе с массивами - поиск и/или подсчет элементов с определенным значением. Чаще всего в таких программах используется цикл `for`.

### Пример 1. Поиск минимального (максимального) элемента в массиве.

Эта задача является основной задачей на поиск в массиве. Чтобы ее выполнить, во-первых, нужно завести переменную, в которую будет записано минимальное (максимальное) значение, назовем ее `min` (`max`). Запишем в эту переменную значение первого элемента массива, так как предполагаем, что он является минимальным (максимальным). Далее последовательно сравниваем все следующие элементы массива с `min` (`max`). Если возникает ситуация, что какой-то элемент меньше (больше), чем `min` (`max`), то запишем в `min` (`max`) значение этого элемента, а следующие элементы массива будем сравнивать с ним. В коде ниже реализован поиск минимального значения массива. Поиск максимального осуществите самостоятельно.

```
var
 i,min: integer;
 a: array[1..10] of integer;
begin
 randomize;
 for i:=1 to 10 do a[i]:=random(11)-5;//заполнение массива числами от -5 до 5
 min:=a[1];
 for i:=2 to 10 do
if a[i]<min then min:=a[i];//если элемент массива меньше минимума, записываем его в min
 writeln('Минимальный элемент равен: ',min)
end.
```

**Пример 2. Проверка, есть ли в массиве целых чисел, который заполняется случайным образом, число 0.**

Для выполнения проверки заведем переменную `zero` логического типа. Ее начальное значение будет `false` - то есть ложь. Таким образом мы предполагаем, что в массиве нет нулей. Если какой-то из элементов массива всё-таки равен нулю, заменим значение переменной `zero` на `true`, то есть истина.

```
var
 i: integer;
 a: array[1..10] of integer;
 zero:=false; //переменная логического типа. начальное значение - ложь
begin
 randomize;
 for i:=1 to 10 do a[i]:=random(11)-5; //заполнение массива числами от -5 до 5
```

```

for i:=1 to 10 do
 if a[i]=0 then zero:=true;//если элемент массива равен нулю, меняем false на true
if zero=true then writeln('В массиве есть 0')
 else writeln('Нуля нет');
end.

```

### Пример 3. Поиск номера элемента массива со значением 0.

Для выполнения этой задачи заведем переменную *n* целого типа. Ее начальное значение будет равно какому-нибудь числу, которое не используется для индексов в массив, например -1. Поиск нуля будем осуществлять так же, как в предыдущем примере, но сейчас при успехе будем изменять переменную *n* так, чтобы в ней был записан индекс элемента со значением 0.

```

var
 i,n: integer;
 a: array[1..10] of integer;
begin
 randomize;
 for i:=1 to 10 do a[i]:=random(11)-5;//заполнение массива числами от -5 до 5
 n:=-1;
 for i:=1 to 10 do if a[i]=0
 then n:=i; //если элемент массива равен нулю, записываем в n индекс i
 if n=-1 then writeln('Нуля нет')
else writeln('Ноль под номером ', n);
end.

```

*Обратите внимание!* Если в массиве несколько нулей, то в переменную *n* будет записан только индекс последнего. Это объясняется тем, что в цикле происходит перезапись переменной *n* при каждом успехе.

### Пример 4. Подсчет количества элементов массива, значение которых больше нуля.

Когда в задачах программирования необходимо посчитать количество каких-то элементов, нужно завести переменную, которая будет выполнять функцию счетчика. Пусть это будет переменная *kol*. Ее начальное значение равно нулю, так как мы предполагаем, что положительных элементов вообще нет в массиве. Если элемент массива удовлетворяет условию, то мы увеличим значение переменной *kol* на 1.

```

var
 i,kol: integer; //переменные для цикла и подсчитывания (счетчик)
 a: array[1..10] of integer; //описание массива
begin
 randomize;
 for i:=1 to 10 do a[i]:=random(11)-5;//заполнение массива числами от -5 до 5
 kol:=0; //начальное значение

```

```

for i:=1 to 10 do
 if a[i]>0 then kol:=kol+1;//если элемент массива больше 0, увеличиваем kol на 1
writeln('Количество положительных чисел: ',kol)
end.

```



### Задания

1. Массив  $a[1]=12, a[2]=3, a[3]=-5, a[4]=-6, a[5]=4, a[6]=9, a[7]=0, a[8]=8$ .

Определите значение переменной kol после выполнения следующего фрагмента программы:

```

kol:=0;
for i:=4 to 8 do
 if a[i]<0 then
 kol:=kol+1;

```

Ответ: \_\_\_\_\_

2. Массив  $r[1]=12, r[2]=3, r[3]=-5, r[4]=-6, r[5]=4, r[6]=9, r[7]=0, r[8]=8$ .

Определите значение переменной kol после выполнения следующего фрагмента программы:

```

kol:=0;
for i:=1 to 8 do
 if r[i]>-2 then
 kol:=kol+1;

```

Ответ: \_\_\_\_\_

3. Массив  $m[1]=12, m[2]=3, m[3]=5, m[4]=6, m[5]=4, m[6]=9, m[7]=12, m[8]=8$ . Определите значение переменной min после выполнения следующего фрагмента программы:

```

min:=0
for i:=1 to 8 do
 if r[i]<min then
 min:=r[i];

```

Ответ: \_\_\_\_\_

4. Массив  $a[1]=12, a[2]=3, a[3]=-5, a[4]=-6, a[5]=4, a[6]=9, a[7]=0, a[8]=8$ .

Определите значение переменной k после выполнения следующего фрагмента программы:

```

k:=0;
for i:=1 to 8 do
 if r[i]>5 then
 k:=k+i;

```

Ответ: \_\_\_\_\_

5. Что выполняет следующий фрагмент программы?

```

min:=a[1];
for i:=1 to 5 do
 if a[i]< min then
 min:=a[i];
writeln(min);

```

- находит значение минимального элемента массива
- сравнивает первый элемент массива с минимальным элементом
- находит индекс минимального элемента массива
- делает значения элементов массива минимальными

6. Дан код программы, в которой находится количество элементов массива, которые меньше нуля. Массив из 100 элементов заполняется случайными числами в диапазоне (-50, 50). Прокомментируйте код как можно подробнее.

```

var a: array[1..100] of integer; // _____
kol, i: integer; // _____
begin // _____
 randomize; // _____
 kol:=0; // _____
 for i:=1 to 100 do // _____
 a[i]:=random(101)-50; // _____
 for i:=1 to 100 do // _____
 if a[i]<0 then kol:=kol + 1; // _____
 writeln('Количество отрицательных // _____
элементов: ', kol); // _____
end. // _____

```

7. Дополните код программы, в которой находится количество чисел, которые равны введенному числу. Массив состоит из 50 элементов, заполняется случайным образом числами в диапазоне (0, 7).

```

var _____; //описание массива из 50 элементов
kol, i, n: integer; //объявление переменных
begin
 writeln('Введите число от 0 до 7: '); //приглашение на ввод
 _____; //ввод числа n
 _____; //подключение генератора случ.чисел
 kol:=0; //присваивание начального значения
 for i:=1 to 50 do
 a[i]:=random(____); //заполнение массива случ.числами
 _____; //вывод массива в строку
 for i:=1 to 50 do
 if a[i]=n //сравнение элементов массива с n
 then _____; //увеличение kol, если число равно n
 writeln('Количество ', n, ': ', kol); //вывод результата
end.

```

8. Дан код программы, в которой находится сумма всех положительных элементов массива из 10 случайных чисел в диапазоне (-10,10).

```
var a: array[1..10] of integer;
sum, i: integer;
begin
 randomize;
 sum:=0;
 for i:=0 to 10 do
 a[i]:=random(21)-10;
 writeln('Массив: ',a);
 for i:=1 to 10 do
 if a[i]>0;
 then sum:=sum + a[i];
 writeln('Сумма положительных элементов: ' sum);
end.
```

При запуске программы произошли следующие ошибки

| Строка | Описание                                                        |
|--------|-----------------------------------------------------------------|
| 7      | Ошибка времени выполнения: Индекс находился вне границ массива. |
| 10     | Встречено ';', а ожидалось then                                 |
| 12     | Встречено 'sum', а ожидалось ';'.                               |

Исправьте ошибки в коде.

9. Перепишите код программы из примера 1, так, чтобы программа выполняла поиск максимального значения в массиве целых чисел.

## 6.6. Сортировка в массиве



При работе с массивами данных нередко возникает задача их сортировки по возрастанию или убыванию, т.е. упорядочивания. Это значит, что элементы массива нужно расположить строго по порядку. В отсортированном массиве легче производить поиск элементов.

В случае сортировки *по возрастанию/по убыванию* следующий элемент должен быть больше / меньше предыдущего. Также существуют такие понятия, как сортировка *по невозрастанию / неубыванию*: следующий элемент должен быть не больше / не меньше предыдущего.

Для сортировки массивов используются разные методы.

Проще всего в программировании осуществляется сортировка выбором.

**Сортировка выбором** (например, по убыванию) осуществляется следующим образом:

1. в массиве выбирается максимальный элемент;
2. максимальный и первый элементы меняются местами (первый элемент считается отсортированным);
3. в неотсортированной части массива снова выбирается максимальный элемент; он меняется местами с первым неотсортированным элементом массива;
4. действия, описанные в п. 3, повторяются с неотсортированными элементами массива до тех пор, пока не останется один неотсортированный элемент (его значение будет минимальным).

*Чтобы поменять местами значения двух переменных нужно воспользоваться третьей переменной-буфером, например, для того, чтобы поменять местами значения  $i$ -го и  $j$ -го элементов массива, нужно выполнить следующее:*

```
buf:=a[i]; //записываем значение i -го элемента в пустой буфер
a[i]:=a[j]; //теперь спокойно записываем значение j -го элемента в i -тый
a[j]:=buf; //записываем в j -тый элемент значение из буфера
```

**Пример. Сортировка массива по возрастанию.**

```
var //блок объявления переменных
 i,j,buf,imin: integer; //i,j для циклов, imin для индекса мин.
 a: array[1..10] of integer; //элемента, buf для обмена, массив a
begin //начало блока операторов
 randomize; //подключение генератора случайных чисел
 for i:=1 to 10 do a[i]:=random(21)-10; //заполнение массива случайными числами
 writeln(a); //в диапазоне (-10;10), вывод массива
 for j:=1 to 9 do //первый цикл для прохода по массиву
 begin //начало тела цикла
 imin:=j; //присваиваем индексу минимума значение j
 for i:=j+1 to 10 do //второй цикл для поиска минимума
 if a[i]<a[imin] then imin:=i; //если элемент меньше, то меняем индекс
 buf:=a[j]; //обмен значениями
 a[j]:=a[imin];
 a[imin]:=buf;
 writeln(a); //вывод массива
 end; //конец тела цикла
end. //конец блока операторов
```



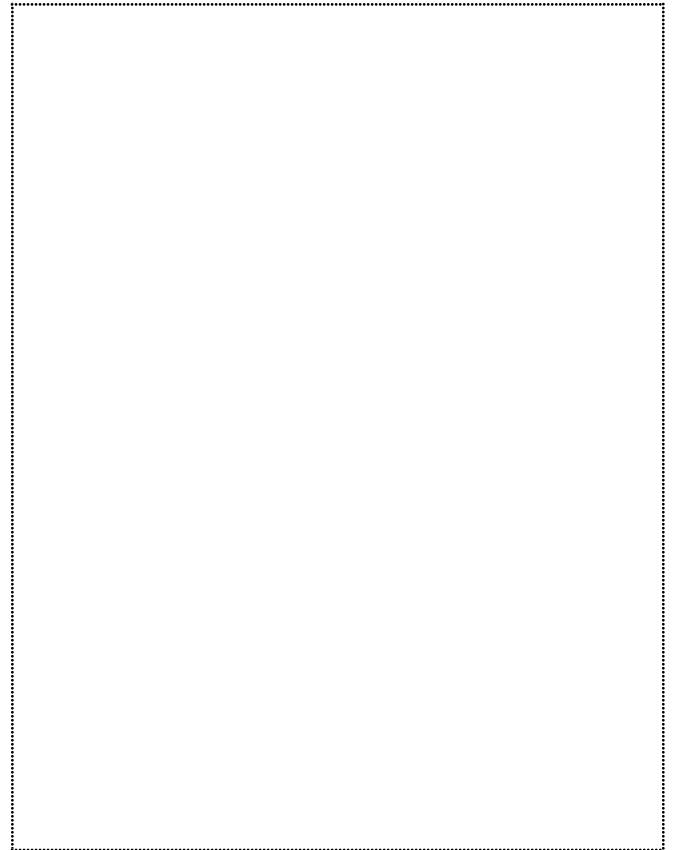
## Задания

1. Сортировка (упорядочение) массива -...
  - Удержание объекта в существующем состоянии
  - Словесная информационная модель
  - Перераспределение значений его элементов в определенном порядке
2. Как называют порядок, при котором значение каждого следующего элемента не меньше значения предыдущего элемента?
  - по возрастанию
  - по убыванию
  - по невозрастанию
  - по неубыванию
3. Цель сортировки массива:
  - Перераспределить значения
  - Работать с базами данных
  - Облегчить последующий поиск элементов
4. Дополните программу, которая сортирует массив **по убыванию** методом выбора, добавьте недостающие комментарии.

```
var _____ // _____
i, j, buf, _____: integer; //i, j для циклов, imax для индекса макс.
a: array[1..10] of integer; //элемента, buf для обмена, массив a
begin // _____
 randomize; //подключение генератора случайных чисел
 for i:=1 to 10 do a[i]:=random(21)-10; // _____
 writeln(a); // _____
 for j:=1 to 9 do //первый цикл для прохода по массиву
 begin //начало тела цикла
 _____:=j; //присваиваем индексу максимума значение j
 for i:=j+1 to 10 do //второй цикл для поиска максимума
 if _____ then _____; //если элемент больше, то меняем индекс
 buf:=a[j]; //обмен значениями
 a[j]:=a[_____]; // _____
 a[_____]:=buf; // _____
 writeln(a); // _____
 end //конец тела цикла
end. // _____
```

5. Дан код программы, в которой генерируется массив из двадцати случайных чисел в диапазоне [0;50] и затем сортируется по неубыванию.

```
var
 i,buf,imin: integer;
 a: array[1..20] of integer;
begin
 randomize;
 for i:=1 to 20 do a[i]:=random(51);
 writeln(a)
 for j:=1 to 19 do
 begin
 imin:=j;
 for i:=j+1 to 20 do
 if a[i]<a[imin] then imin:=i;
 buf:=a[j];
 a[j]:=a[imix];
 a[imin]:=buf;
 end
 writeln(a)
end.
```



При запуске произошли следующие ошибки.

| Строка | Описание                              |
|--------|---------------------------------------|
| 8      | Встречено 'for', а ожидалось ';'.     |
| 8      | Неизвестное имя 'j'.                  |
| 14     | Неизвестное имя 'imix'.               |
| 17     | Встречено 'writeln', а ожидалось ';'. |

К тому же программист решил изменить диапазон случайных чисел на [1;50].

Исправьте код программы.

## 7. ЗАПИСЬ ВСПОМОГАТЕЛЬНЫХ АЛГОРИТМОВ НА ЯЗЫКЕ PASCAL



Вспомогательные алгоритмы в языке программирования представлены процедурами и функциями. Вспомогательный алгоритм нужен тогда, когда в разных местах кода необходимо выполнить одну и ту же последовательность шагов обработки данных.

**Процедура** или **функция** представляет собой последовательность операторов, которая имеет имя, список параметров и может быть вызвана из различных частей программы. Функции, в отличие от процедур, в результате своего выполнения *возвращают значение*, которое может быть использовано в выражении. Для единообразия функции и процедуры называются **подпрограммами**.

Любая используемая в программе процедура или функция должна быть предварительно описана в разделе описаний.

Её описание располагается между разделом **var** и программным блоком главной программы. Если подпрограмм несколько, то их описания располагаются в произвольном порядке одно за другим. Структура описания подпрограммы аналогична структуре главной программы. Описание подпрограммы начинается с заголовка и заканчивается оператором **end**.

Чтобы воспользоваться предварительно описанной процедурой (функцией), нужно в коде основной программы указать ее имя со списком параметров.



### Задания

1. При помощи чего реализуются вспомогательные алгоритмы при программировании?
    - при помощи ветвлений
    - при помощи циклов
    - при помощи следований
    - при помощи подпрограмм
  2. Что такое подпрограмма?
    - алгоритм, имеющий циклическую структуру
    - именованная последовательность команд
    - алгоритм, имеющий разветвленную структуру
    - любой участок кода
  3. Какие существуют подпрограммы в языке Паскаль?
    - Процедуры
    - Методы
    - Функции
    - Свойства
    - Операторы
  4. В какой части программы описываются подпрограммы в языке Паскаль?
    - между заголовком и разделом описания
    - между разделом описания и программным блоком главной программы
    - в программном блоке после **begin**
  5. Опишите структуру любой подпрограммы.
- 
- 
-

## 7.1. Процедуры



**Процедура** — подпрограмма, имеющая произвольное количество входных и выходных данных.

Описание процедуры начинается с ключевого слова **procedure** и имеет вид:

```
procedure имя_процедуры (описание_параметров_значений;
 var: описание_параметров_переменных) ;
begin
 операторы
end;
```

В заголовке процедуры после её имени приводится перечень формальных параметров и их типов. Входные параметры, значения которых не изменяются в программе, должны быть *параметрами-значениями*. Выходные (результатирующие) параметры должны быть *параметрами-переменными*. Для вызова процедуры достаточно указать её имя со списком фактических параметров. Например, заголовок процедуры вычисления наибольшего общего делителя может быть описан так:

```
procedure nod (a,b:integer; var c:integer);
```

Возможны следующие варианты вызова этой процедуры:

`nod(36,15,9)` в качестве параметров значений использованы константы

`nod(x,y,z)` в качестве параметров значений использованы имена переменных

`nod(x+y,15,z)` в качестве параметров значений использованы выражение, константа и имя переменной

В любом случае, между фактическими и формальными параметрами должно быть полное соответствие по количеству, порядку следования и типу.

Пример программы с процедурой, которая находит все делители введенного числа:

```
var n: integer; //целое число
procedure del(n: integer); //описание процедуры del, в которую передается целое число
var i: integer;
begin //переменная i для перебора делителей, начиная с 1
i:=1; //начало цикла с условием окончания работы
repeat
begin //если n делится на i без остатка
if n mod i = 0 //то выводим i, как один из делителей, и добавляем пробел
then write(i, ' '); //берем следующее натуральное число
i:=i+1
end; //условие окончания работы цикла: делитель больше числа
until i>n
end;
begin
write('Введите число: ');
```

```

readln (n) ; //вызов функции с переданным ей числом
del (n)
end.

```



### Задания

- Придумайте тест для проверки работы программы из примера (нахождение делителей числа) и запишите его в таблицу.

| № | Входные данные (n) | Результат  |
|---|--------------------|------------|
| 1 | $n=6$              | 1, 2, 3, 6 |
| 2 |                    |            |
| 3 |                    |            |
| 4 |                    |            |
| 5 |                    |            |

- Что пропущено в данной записи процедуры?

```

procedure test(..... var t: integer);
begin
t:=x+c;
end;

```

- выходные параметры       промежуточные переменные
- название процедуры       входные параметры

- Добавьте как можно более подробные комментарии к коду программы с процедурой перевода неправильной дроби в смешанное число. Пользователь вводит два числа: числитель и знаменатель. Чтобы найти целую часть, нужно воспользоваться функцией `div`, числитель смешанной дроби находится функцией `mod`. Знаменатель остается без изменений. Полученное число вывести в виде `целая часть    числитель/знаменатель`.

```

var a,b:integer; // _____

procedure div_mod(a,b:integer); // _____
var nch, ost:integer; // _____
begin // _____
 nch:=a div b; // _____
 ost:= a mod b; // _____
 writeln(nch, ' ', ost,'/',b); // _____

```

```

end; // _____

begin // _____
 write('Введите числитель дроби: '); // _____
 readln(a); // _____
 write('Введите знаменатель дроби: '); // _____
 readln(b); // _____
 div_mod(a,b); // _____
end. // _____

```

4. Придумайте тест для работы программы из задания 3 и заполните таблицу.

| № | Входные данные (a,b) | Результат       |
|---|----------------------|-----------------|
| 1 | $a = 44, b = 6$      | $7 \frac{2}{6}$ |
| 2 |                      |                 |
| 3 |                      |                 |
| 4 |                      |                 |
| 5 |                      |                 |

5. В практике программирования часто встречается задача поменять местами значения двух переменных, поэтому чтобы сэкономить время, можно описать процедуру, которая может быть скопирована и использована при необходимости в других программах.

Дополните код так, чтобы процедура **obmen** меняла местами значения двух введенных чисел.

*Обмен значениями вы рассматривали в разделе “Сортировка в массиве”.*

```

var n1, n2: integer; //объявление двух переменных для чисел
procedure obmen (var a,b: integer); //описание процедуры
 var _____ //объявление переменной-буфера
 begin //начало операторов процедуры
 buf := a;

 end; //конец операторов процедуры
begin //начало блока операторов
 writeln ('Введите два числа: '); //вывод строки

```

```

readln (n1, n2); //ввод значений
_____ (n1, n2); //вызов процедуры обмен
writeln (n1, ', ', n2) //вывод чисел в строку через запятую
end. //конец блока операторов

```

6. Дополните программу так, чтобы процедура **diapazon** заполняла массив из 10 элементов случайными числами (диапазон указывает пользователь).

*В данной программе в первой строке описывается тип пользователя **myarr**, как массив из десяти целых числе. Это нужно, потому что в процедуре нельзя включать описание индексов.*

В процедуру передается два числа - начало и конец диапазона  $x$  и  $y$ , и пустой массив  $a$ , который будет заполнен в процедуре. Поэтому необходимо объявить две переменные целого типа для границ диапазона и массив.

*Если возникли трудности с описанием диапазона в функции **random**, загляните в словарь в конце тетради.*

```

type myarr = array[1..10] of integer; //описание типа myarr
var //блок переменных
 x, y: integer; //начало и конец диапазона
 a: myarr; //массив типа myarr
procedure arr_rand (x,y:integer; var a: myarr); //описание процедуры
 var i: integer; //переменная для цикла
 begin
 _____ //подключение генератора СЧ1
 for i := 1 to 10 do
 a[i] := _____ //заполнение массива
 end; //случайными числами
 begin //начало блока операторов
 writeln('Введите начало и конец диапазона: '); //вывод приглашения
 _____ //ввод значений x и y
 _____ //вызов процедуры
 _____ //вывод массива
 end. //конец блока операторов

```

7. Дан код программы с процедурой **sqrt\_eq** нахождения корней квадратного уравнения.

---

<sup>1</sup> случайных чисел

```

1 var a, b, c: real;
2
3 procedure sqrt_eq(a,b,c: real);
4 var a, d, x, x1, x2: real;
5 begin
6 writeln ('Решение квадратного уравнения');
7 if a < 0
8 then _____
9 else _____
10 d:=b*b-4*a*c;
11 if d<0 then writeln ('Корней нет');
12 if d=0 then
13 begin
14 x:=-b/2*a;
15 writeln ('Корень уравнения x=', x:9:3)
16 end;
17 if d>0 then
18 begin
19 x1:=(-b+sqrt(d))/(2*a);
20 x2:=(-b-sqrt(d))/(2*a);
21 writeln ('Корни уравнения:');
22 writeln ('x1=', x1:9:3);
23 writeln ('x2=', x2:9:3)
24 end
25 end;
26
27 begin
28 write ('Введите коэффициенты a, b, c: ');
29 readln (a, b, c);
30 if a=0 then
31 begin
32 _____
33 writeln('Корень уравнения x=', _____);
34 end;
35 else sqrt_eq(a,b,c,d)
36 end.

```

При ее выполнении возникли следующие ошибки.

| Строка | Описание                              |
|--------|---------------------------------------|
| 4      | Повторно объявленный идентификатор a  |
| 35     | Встречено 'else', а ожидался оператор |
| 35     | Неизвестное имя 'd'                   |

При этом программист планировал еще и обеспечить вывод информации о направлении ветвей параболы: если  $a < 0$ , то программа должна вывести строку “График - парабола, ветви вниз” (8 строка), а если  $a > 0$ , то “График - парабола, ветви вверх” (9 строка). А если  $a = 0$ , то необходимо вывести строку “Это не квадратное, а линейное уравнение. График - прямая” (32 строка), и найти корень линейного уравнения (33 строка). Исправьте и дополните код программы.

## 7.2. Функции



**Функция** — подпрограмма, имеющая единственный результат, записываемый в ячейку памяти, имя которой совпадает с именем функции. Поэтому в блоке функции обязательно должен присутствовать оператор `<имя_функции>:=<результат>`.

Описание функции начинается с ключевого слова **function** и имеет вид:

```
function имя_функции(описание_входных_данных) : тип_возвращаемого_значения;
begin
 операторы;
 имя_функции:=результат
end;
```

В заголовке функции после её имени приводится описание входных данных — указывается перечень формальных параметров и их типов. Там же указывается тип самой функции, т.е. тип результата.

Для вызова функции достаточно указать её имя со списком фактических параметров в любом выражении, в условиях (после слов `if`, `while`, `until`) или в операторе `write` главной программы.

**Пример.** Программа с функцией `nok` для нахождения наименьшего общего кратного двух чисел методом перебора.

Алгоритм решения:

- 1) Определим максимум из двух введенных чисел `max`.
- 2) Запустить цикл, в котором вычисляются остатки от деления чисел от `a*b` до `max`.
- 3) Если в цикле встретится число, которое делится на оба введенных числа без остатка, запомнить его в результат.

```
var a,b: integer; //описание переменных для введенных чисел

function nok(a,b: integer): integer; //описание функции
var i, max: integer; //переменные для цикла и хранения максимума
begin
 if a>b then max:=a else max:=b; //определение наибольшего из двух чисел
 for i:=a*b downto max do //цикл
 if (i mod a = 0) and (i mod b = 0) //проверка остатков от деления
 then nok:=i; //запись в результат
end;

begin
 writeln('Введите два числа: '); //приглашение на ввод чисел
 readln(a,b); //ввод чисел
 writeln('НОК=', nok(a,b)) //вызов функции в выводе строки
end.
```

**Рекурсивная функция** — функция, которой реализован способ вычисления очередного значения функции через вычисление ее предшествующих значений. Проще говоря, рекурсия - это функция, которая вызывает сама себя. Чтобы рекурсия не выполнялась бесконечно, в ее описании

обязательно должно быть условие завершения, то есть вычисление результата так, чтобы функция не вызывала себя.

### Пример. Вычисление факториала числа n.

С понятием факториала вы уже знакомы в разделе “Циклы”.

Алгоритм решения:

- 1) Если число равно нулю или единице, то результат будет равен единице - это условие завершения рекурсии.
- 2) Если введено число n, отличное от нуля и единицы, то находим произведение n на результат выполнения функции от числа n-1 - это шаг, где функция вызывает сама себя.

```
var n: integer;

function f(n: integer): integer; //описание функции
begin
 if (n=0) or (n=1) then f:=1 //условие завершения рекурсии
 else f:=n*f(n-1); //функция вызывает сама себя
end;

begin
 writeln('Введите число: ');
 readln(n);
 writeln('n!=', f(n))
end.
```



### Задания

1. Какой оператор должен обязательно присутствовать в операторном блоке функции?
  - любой оператор, использующий ее входные параметры
  - условный оператор
  - оператор цикла
  - оператор присваивания имени функции результату работы подпрограммы
2. Чем функции отличаются от процедур?
  - Функция принимает на вход несколько параметров, а процедура - один
  - Функция возвращает значение, а процедура просто выполняет набор действий
  - Функция возвращается в составе другого оператора или команды, а вызов процедуры - это отдельная команда
    - Результатом работы функции может быть значение только простого типа, а процедуры - любого
    - Функция может возвращать данные только логического типа, а процедура - численных
3. Что пропущено в описании функции (несколько вариантов ответа)?

```
function my_function(a,b: integer);
begin
 if a > b then a:=b else b:=a;
```

end;

- запись результата                     название функции
- входные параметры                     определение типа результата (типа функции)

4. Что будет результатом выполнения следующей функции при n=4?

```
function f(n:integer): integer;
begin
 if (n=1) or (n=0) then f:=1 else f:=n*f(n-1);
end;
```

Ответ: \_\_\_\_\_

5. В какой строке программы допущена ошибка (отметьте галочкой)?

```
1 var a, b : integer;
2 function NOD (a,b:integer):integer;
3 begin
4 if a>b then NOD := NOD(a-b,b)
5 else if a<b then NOD := NOD (a,b-a)
6 else NOD := a;
7 end;
8 begin
9 readln (a,b);
10 NOD (a,b,n);
11 writeln ('NOD =' ,n);
12 end.
```

6. Дан код функции, которая считает количество цифр в введенном числе. Прокомментируйте код как можно подробнее.

```
function kol(n:integer):integer; // _____

var i:integer; // _____

begin // _____
 i:=0; // _____
 while n>0 do // _____
 begin // _____
 n:=n div 10; // _____
 i:=i+1; // _____
 end; // _____
 kol:=i; // _____
end; // _____
```

7. Дополните код программы, функция в которой вычисляет значение функции  $y = \sin(x) - \cos(x)$  от введенного x.

```
var x:real; //объявление переменной
```

```

function y(x:real):real; //описание функции
begin
 y:=_____ ; //вычисление значения по формуле
end;

_____ //начало блока операторов
 write('Введите x: '); //приглашение на ввод
 _____ ; //ввод числа x
 write('y=', y(x)); //вывод с вызовом функции
 _____ . //конец блока операторов

```

8. Дан код программы, функция **s** в которой вычисляет площадь круга по заданному радиусу.

```

var r:real;

function s(r:real):real;
begin
 s:=pi*r^2;
end;

begin
 write('Введите r: ');
 readln(r);
 write('S=', s(r));
end.

```



При запуске программы произошли следующие ошибки.

| Строка | Описание                        |
|--------|---------------------------------|
| 2      | Встречено '2', а ожидалось ';'. |
| 11     | Встречено ';', а ожидалось ')'. |

Исправьте код.

# СЛОВАРЬ

## Служебные слова

| Служебное слово  | Значение             | Пример использования                                                                                                           |                                                                       |
|------------------|----------------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------|
| <b>and</b>       | и                    | <code>while (i mod j &lt;&gt; 0) <b>and</b> (j &lt;= 10) do j:=j+1;</code>                                                     |                                                                       |
| <b>array</b>     | массив               | <code>var a:<b>array</b>[1..10] of integer;</code>                                                                             |                                                                       |
| <b>begin</b>     | начало               | <b>begin</b><br><code>  p := p * i;</code><br><code>  s := s + p</code><br><b>end</b>                                          |                                                                       |
| <b>const</b>     | константа            | <b>const</b> LIMIT = 500;<br>var i,j,lim : word;                                                                               |                                                                       |
| <b>do</b>        | выполнить            | <code>for i:=1 to 10 <b>do</b></code><br><b>begin</b><br><code>  p := p * i;</code><br><code>  s := s + p</code><br><b>end</b> |                                                                       |
| <b>downto</b>    | уменьшать на 1<br>до | <code>for i:=10 <b>downto</b> 1 do</code>                                                                                      |                                                                       |
| <b>else</b>      | иначе                | <code>if a&lt;b then min := a <b>else</b> min := b;</code>                                                                     |                                                                       |
| <b>end</b>       | конец                | <b>begin</b><br><code>  a := 1;</code><br><code>  b := a;</code><br><b>end</b>                                                 |                                                                       |
| <b>for</b>       | для                  | <b>for</b> i:=1 to 10 do                                                                                                       |                                                                       |
| <b>if</b>        | если                 | <b>if</b> a<b then min := a;                                                                                                   |                                                                       |
| <b>of</b>        | из                   | <code>var a:<b>array</b>[1..10] <b>of</b> integer;</code>                                                                      |                                                                       |
| <b>or</b>        | или                  | <code>if (n=1) <b>or</b> (n=0) then f:=1 else f:=n*f(n-1);</code>                                                              |                                                                       |
| <b>procedure</b> | процедура            | <b>procedure</b> del(n: integer);<br>var i: integer;<br><b>begin</b><br><code>  ...</code><br><b>end;</b>                      |                                                                       |
| <b>program</b>   | программа            | <b>program</b> test;                                                                                                           |                                                                       |
| <b>read</b>      | оператор ввода       | <b>read</b> (i, a, k)                                                                                                          | С клавиатуры нужно ввести три числа, значения которых будут введены в |
| <b>readln</b>    |                      | <b>readln</b> (i, a, k)                                                                                                        |                                                                       |

|                |                  |                                                      |                    |
|----------------|------------------|------------------------------------------------------|--------------------|
|                |                  |                                                      | оперативную память |
| <b>repeat</b>  | повторять        | <b>repeat</b> read(x);<br>until x=0;                 |                    |
| <b>then</b>    | то               | if a<b <b>then</b> min := a;                         |                    |
| <b>to</b>      | увеличивая до    | for i:=1 <b>to</b> 10 do                             |                    |
| <b>until</b>   | до тех пор, пока | <b>repeat</b> read(x);<br><b>until</b> x=0;          |                    |
| <b>var</b>     | переменная       | <b>var</b> a,b: integer;<br><br><b>var</b> r: real;  |                    |
| <b>while</b>   | пока             | <b>while</b> (i mod j <> 0) and (j <= 10) do j:=j+1; |                    |
| <b>write</b>   | оператор вывода  | <b>write</b> ('s=',12)                               |                    |
| <b>writeln</b> |                  | <b>writeln</b> ('s=',12)                             |                    |

### Некоторые типы данных

| Обозначение    | Название      | Допустимые значения                                 | Область памяти    |
|----------------|---------------|-----------------------------------------------------|-------------------|
| <b>integer</b> | целочисленный | -32 768 .. 32 767                                   | 2 байта со знаком |
| <b>real</b>    | вещественный  | $\pm (2,9 \cdot 10^{-39} \dots 1,7 \cdot 10^{+38})$ | 6 байтов          |
| <b>char</b>    | символьный    | произвольный символ<br>алфавита                     | 1 байт            |
| <b>string</b>  | строковый     | последовательность символов<br>длиной меньше 255    | 1 байт на символ  |
| <b>boolean</b> | логический    | <b>true</b> или <b>false</b>                        | 1 байт            |

### Стандартные функции

| Функция        | Назначение  | Тип аргумента / тип результата                          | Пример использования                 |
|----------------|-------------|---------------------------------------------------------|--------------------------------------|
| <b>abs (x)</b> | Модуль $x$  | <b>integer</b> , <b>real</b> / такой же как у аргумента | <b>abs (-4.5)</b><br>Результат: 4.5  |
| <b>cos (x)</b> | Косинус $x$ | <b>real</b> / <b>real</b>                               | <b>sin (2.0)</b><br>Результат: 0.909 |
| <b>sin (x)</b> | Синус $x$   |                                                         | <b>cos (2.0)</b><br>Результат: 0.416 |
| <b>sqr (x)</b> | Квадрат $x$ | <b>integer</b> , <b>real</b> / такой же как у аргумента | <b>sqr (2)</b><br>Результат: 4       |

|                  |                                     |                             |                                                                                                                                                                                                                           |
|------------------|-------------------------------------|-----------------------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| <b>sqrt(x)</b>   | Квадратный корень из $x$            | <b>integer, real / real</b> | <b>sqrt(9)</b><br>Результат: 3                                                                                                                                                                                            |
| <b>round(x)</b>  | Округление $x$ до ближайшего целого | <b>real</b>                 | <b>round(6.7)</b><br>Результат: 7<br><b>round(6.4)</b><br>Результат: 6                                                                                                                                                    |
| <b>int(x)</b>    | Целая часть $x$                     | <b>real</b>                 | <b>int(6.7)</b><br>Результат: 6                                                                                                                                                                                           |
| <b>frac(x)</b>   | Дробная часть $x$                   | <b>real</b>                 | <b>frac(6.7)</b><br>Результат: 7                                                                                                                                                                                          |
| <b>random</b>    | Случайное число от 0 до 1           | <b>- / real</b>             | <b>a:=random;</b><br>Возможный результат: в переменную <b>a</b> записано значение<br><b>0.226148907200503</b>                                                                                                             |
| <b>random(x)</b> | Случайное число от 0 до $x$         | <b>integer / integer</b>    | <b>random(10)</b><br>Результат: число от 0 до 9<br><b>random(10)+1</b><br>Результат: число от 1 до 10<br><b>random(11)-10</b><br>Результат: число от -10 до 0<br><b>random(y-x+1)+x</b><br>Результат: число от $x$ до $y$ |

## Операторы

| Оператор   | Назначение                             | Тип аргумента / тип результата                  | Пример                           |
|------------|----------------------------------------|-------------------------------------------------|----------------------------------|
| <b>+</b>   | сложение                               | <b>real, integer /</b> такой же как у аргумента | <b>4 + 3</b><br>Результат: 7     |
| <b>-</b>   | вычитание                              | <b>real, integer /</b> такой же как у аргумента | <b>9 - 11</b><br>Результат: -2   |
| <b>*</b>   | умножение                              | <b>real, integer /</b> такой же как у аргумента | <b>2 * 6</b><br>Результат: 12    |
| <b>/</b>   | деление                                | <b>real / real</b>                              | <b>9 / 3</b><br>Результат: 3     |
| <b>div</b> | деление нацело (остаток отбрасывается) | <b>integer / integer</b>                        | <b>54 div 10</b><br>Результат: 5 |
| <b>mod</b> | остаток от деления                     | <b>integer / integer</b>                        | <b>54 mod 10</b><br>Результат: 4 |